

مقیاس‌سازی و پیش‌بینی نیمرخ رطوبت خاک در فاز توزیع مجدد

مرتضی صادقی^{*} - بیژن قهرمان - کامران داوری^۱

تاریخ دریافت: ۸۷/۲/۲۳

تاریخ پذیرش: ۸۷/۴/۱۹

چکیده

نرخ و دوام جریان رو به پایین رطوبت خاک طی فرآیند توزیع مجدد، میزان ذخیره موثر آب در خاک را در هر زمان تعیین می‌کند. این امر بهویژه در مناطق خشک که گیاهان مجبورند برای مدت زمان زیادی وابسته به میزان رطوبت باقی‌مانده در منطقه ریشه باشند، بسیار مهم است. در این تحقیق، یک روش جدید برای مقیاس‌سازی فرآیند توزیع مجدد بر پایه مدل توزیع مجدد گرین‌امپت ارایه شده است. با استفاده از نتایج مقیاس‌شده حل عددی معادله عمومی جریان موسوم به معادله ریچاردز، یک معادله تجربی برای تخمین نیمرخ رطوبت خاک در فاز توزیع مجدد به دست آمده است. از ویژگی‌های بارز معادله تجربی ارایه شده، قبول تأثیر پس‌ماند در منحنی رطوبتی بر فرآیند توزیع مجدد می‌باشد. به منظور صحبت‌سنگی معادله پیشنهادی، نتایج آن با نتایج حل عددی معادله ریچاردز برای یازده کلاس بافت خاک (در محدوده شن تا رس) مقایسه گردید. خطای حاصل از مقایسه برای هر یازده کلاس بافت خاک و برای گستره زیادی از شرایط اولیه ناچیز بود. اگرچه در شرایطی که عمق جبهه خیس شده اولیه و یا میزان رطوبت اولیه خاک پیش از نفوذ زیاد بود، در نتایج مدل پیشنهادی نسبت به حل عددی کمی انحراف دیده می‌شد. بدین ترتیب مدلی ارایه شده است که بتواند با سادگی کاربرد مدل‌های تحلیلی و دقت مدل‌های عددی، میزان رطوبت خاک را در هر عمق و هر زمان در طول فاز توزیع مجدد، تخمین بزند.

واژه‌های کلیدی: مقیاس‌سازی، نیمرخ رطوبت خاک، توزیع مجدد، گرین-امپت

زیادی وابسته به میزان رطوبت باقی‌مانده در منطقه ریشه

مقدمه

باشند، بسیار مهم است (۶).

برای تخمین تغییرات مکانی و زمانی میزان رطوبت خاک در طول فاز توزیع مجدد، بسیاری از محققین مدل‌هایی ارایه نموده‌اند که به طور عمده بر پایه حل عددی و تحلیلی معادله عمومی جریان (معادله ریچاردز) می‌باشند، اگرچه این مدل‌ها با مشکلاتی نظری پیچیدگی کاربرد در مدل‌های عددی و دقت ناکافی ناشی از ساده‌سازی‌های فراوان در مدل‌های تحلیلی، رو برو هستند. این مشکلات

نرخ جریان رو به پایین رطوبت خاک، پس از پایان نفوذ‌پذیری و طی فرآیند توزیع مجدد، میزان ذخیره موثر آب در خاک را در هر زمان تعیین می‌کند. این امر بهویژه در مناطق خشک که گیاهان مجبورند برای مدت زمان تعیین می‌کند. این امر بهویژه

در مناطق خشک که گیاهان مجبورند برای مدت زمان

۱- به ترتیب دانشجوی کارشناسی ارشد آبیاری و زهکشی، دانشیار و استادیار دانشکده کشاورزی، دانشگاه فردوسی مشهد

Email: M.Sadeghi.um@gmail.com

*- نویسنده مسئول:

شاخص توزیع اندازه منافذ خاک‌ها (λ)، مورد مطالعه قرار گرفت. آن‌ها فقط مقادیر متوسط رطوبت خاک را طی فاز توزیع مجدد به صورت یک سری از توابع توانی ضمنی از λ ارایه نمودند و مدل آن‌ها قادر به پیش‌بینی نحوه توزیع مکانی رطوبت خاک (نیمرخ رطوبت خاک) بود.

در این تحقیق، یک روش جدید برای مقیاس‌سازی فرآیند توزیع مجدد بر پایه مدل توزیع مجدد گرین-امپت^۳ (GAR) (۱۲) ارایه شده است. بر پایه این روش، یک معادله تجربی برای پیش‌بینی نیمرخ رطوبت خاک^۴ (SMP) طی فرآیند توزیع مجدد، با برآش به نتایج مقیاس شده حل عددی معادله ریچاردز پیشنهاد شده است.

پیش‌بینی تئوری: مدل GAR

مدل معروف گرین-امپت (۵) حدود یک قرن پیش برای تخمین میزان نفوذپذیری آب در خاک ارایه گردید. این معادله اگرچه برای مدت زیادی به دست فراموشی سپرده شده بود، اما امروزه مجدداً مورد توجه دانشمندان علوم مرتبط با خاک قرار گرفته است. چرا که این مدل اگرچه تجربی است ولی دارای ضرایبی با ماهیت فیزیکی می‌باشد. در این مدل فرض شده که نیمرخ رطوبت خاک در طول نفوذ، مستطیلی می‌باشد (شکل ۱). مدل نفوذ گرین-امپت به طور کلی می‌تواند به صورت زیر نمایش داده شود:

$$i = K_s \frac{G(\theta_s, \theta_i) + z_f(t)}{z_f(t)} \quad (1)$$

که در این رابطه K_s هدایت هیدرولیکی اشباع خاک، (t) عمق جبهه رطوبتی در زیر سطح خاک و $G(\theta_s, \theta_i)$ مکش مؤثر جبهه رطوبتی می‌باشد که به

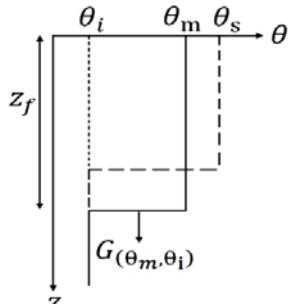
محققین را برای یافتن روش‌های جایگزین ترغیب نموده است. هدف عمله از این تحقیق استفاده از روش (مقیاس‌سازی^۱) به عنوان یک ابزار برای استخراج یک مدل تجربی با سادگی کاربرد مدل‌های تحلیلی و دقت مدل‌های عددی می‌باشد.

دو روش برای مقیاس‌سازی فرآیندها معمول است: یکی روش آنالیز ابعادی که بر پایه وجود شباهت فیزیکی بین دو محیط در مقیاس میکروسکوپی می‌باشد. دیگری روش تجربی که بر پایه تحلیل رگرسیونی می‌باشد که این روش به (نرم‌السازی تابعی^۲) موسوم است (۱۷). محیط‌های مشابه میلر و میلر (۱۰) و روش‌های بر پایه فرکتال تایلر و ویتکرفت (۱۹)، ریو و اسپوزیتو (۱۳) و هانت و گی (۷ و ۸) نمونه‌هایی از روش نخست هستند که همه آن‌ها مفهوم محیط‌های مشابه را برای خاک‌هایی که به طور کلی غیر مشابه هستند، با یک سری فرضیات اضافی و استفاده از روش رگرسیون به کار برده‌اند (۹).

پیشتر محققینی چون یانگر (۲۳ و ۲۴)، واریک و حسین (۲۲) و کوزاک و آهوجا (۹) بر روی مقیاس‌سازی فرآیند توزیع مجدد تحقیق نمودند. یانگر (۲۳ و ۲۴) و واریک و حسین (۲۲) هر کدام یک شکل مقیاس شده از معادله ریچاردز ارایه کردند و آن را برای شرایط نفوذ و توزیع مجدد به صورت عددی حل نمودند. آن‌ها به صورت نموداری نشان دادند که نتایج حاصل از حل این معادله، به خوبی برای خاک‌های مختلف مقیاس خواهند شد. اما آن‌ها مدلی برای نمایش تخمینی نتایج خود ارایه نکردند. هم‌چنین مقیاس‌سازی فرآیندهای نفوذ و توزیع مجدد توسط کوزاک و آهوجا (۹) بر پایه ارتباط بین ویژگی‌های هیدرولیکی و

$\Theta_m = \frac{\theta_m - \theta_r}{\theta_s - \theta_r}, \Theta_i = \frac{\theta_i - \theta_r}{\theta_s - \theta_r}$
که در صد رطوبت باقی مانده خاک می‌باشد.

قانون دارسی در این حالت می‌تواند به صورت زیر نوشته شود (۱۶).



(شکل ۲) - شرح ترسیمی پارامترهای مدل GAR

$$[\theta_m(t) - \theta_i] \frac{dz_f(t)}{dt} = K_s \frac{G(\theta_m, \theta_i)}{z_f(t)} + K_m(t) \quad (5)$$

که $K_m(t)$ هدایت هیدرولیکی غیر اشباع متضطرر با درصد رطوبت متوسط جبهه رطوبتی در زمان t پس از شروع فاز توزیع مجدد $(\theta_m(t))$ می‌باشد.

وقتی هیچ تبخیری از سطح خاک رخ ندهد، موجودیت آب در خاک ثابت و برابر عمق آب نفوذ یافته به داخل خاک (I) خواهد بود:

$$I = [\theta_m(t) - \theta_i] z_f(t) = [\theta_{mi} - \theta_i] z_{f_i} \quad (6)$$

که z_{f_i} عمق اولیه جبهه رطوبتی و θ_{mi} درصد رطوبت اولیه متوسط جبهه رطوبتی پس از پایان فاز نفوذ پذیری می‌باشد. وقتی که در فاز نفوذ یک انباست آب در سطح خاک موجود باشد، θ_{mi} برابر θ_i خواهد بود.

از ترکیب معادلات (۵) و (۶) خواهیم داشت:

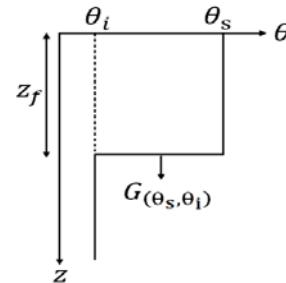
$$\frac{dz_f(t)/dt}{z_f(t)} = \frac{K_s G(\theta_m, \theta_i)[\theta_m - \theta_i]}{I^2} + \frac{K_m}{I} \quad (7)$$

این معادله سرعت پیشروی جبهه رطوبتی ($dz_f(t)/dt$) را نسبت به عمق جبهه رطوبتی، در فاز توزیع مجدد به دست می‌دهد.

صورت رابطه زیر برای درصد رطوبت خاک پیش از نفوذ (Θ_i) که در برابر درصد رطوبت اشباع خاک (Θ_s) ناچیز باشد، تعریف می‌شود:

$$G(\theta_s, \theta_i) = \frac{1}{K_s} \int_{-\infty}^{h_b} K(h) dh + h_b \quad (2)$$

که در آن $K(h)$ هدایت هیدرولیکی غیر اشباع خاک در مکش h و h_b میزان مکش ورود هوای می‌باشد.



(شکل ۱) - شرح ترسیمی پارامترهای مدل نفوذ گرین-امپت.

برای تابع هدایت هیدرولیکی غیر اشباع بروکس و کوری (۱) و تقریب کمپل (۲) برای شب لگاریتمی این تابع برابر با $2+3\lambda$ می‌توان نوشت (۱۵):

$$G(\theta_s, \theta_i) = h_b \frac{2+3\lambda}{1+3\lambda} \quad (3)$$

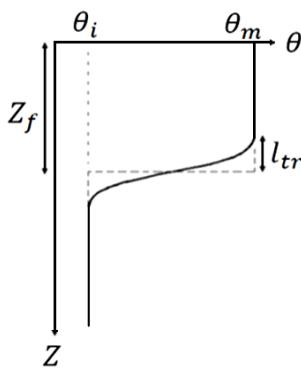
که در این رابطه شاخص توزیع اندازه منافذ خاک می‌باشد.

آگدن و ثقیان (۱۲) مدل نفوذ گرین-امپت را برای فاز توزیع مجدد، با تعریف یک مکش مؤثر جبهه رطوبتی بین مقادیر دلخواه درصد رطوبت متوسط جبهه رطوبتی (θ_m) و درصد رطوبت خاک پیش از نفوذ (θ_i) به صورت زیر بسط دادند (شکل ۲):

$$G(\theta_m, \theta_i) = h_b \frac{2+3\lambda}{1+3\lambda} \left(\frac{\Theta_m^{3+\frac{1}{\lambda}} - \Theta_i^{3+\frac{1}{\lambda}}}{1 - \Theta_i^{3+\frac{1}{\lambda}}} \right) \quad (4)$$

که در این رابطه Θ_m و Θ_i به ترتیب شکل‌های بی بعد θ_m و θ_i هستند که به صورت زیر تعریف می‌شوند:

رطوبتی به دست می‌دهد، اما هیچ گاه به θ_m نمی‌رسد. برای رفع مشکل فرض می‌کنیم که رطوبت، درست در لبه بالایی ناحیه انتقال برابر $0.999 \theta_m$ باشد. بدین ترتیب مقدار پارامتر α در معادله برابر $2/2$ خواهد گردید.



(شکل ۳) - شرح ترسیمی پارامترهای معادله تجربی پیشنهادی.

فرم مقیاس شده معادله (۱۲-الف) به صورت زیر می‌باشد:

$$\theta^* = 0.5 \theta_m^*(t^*) \operatorname{erfc} \left[2.2 \frac{z^* - z_f^*(t^*)}{l_{tr}^*(t^*)} \right] \quad (12)$$

از ترکیب معادلات (۶)، (۹) و (۱۰) خواهیم داشت:

$$\theta_m^*(t^*) = \frac{1}{z_f^*(t^*)} \quad (13)$$

بنابراین SMP مقیاس شده در طول فاز توزیع مجدد از رابطه زیر تبعیت خواهد کرد:

$$\theta^* = \frac{0.5}{z_f^*(t^*)} \operatorname{erfc} \left[2.2 \frac{z^* - z_f^*(t^*)}{l_{tr}^*(t^*)} \right] \quad (14)$$

که z_f^* و l_{tr}^* توابع ناشناخته‌ای از t^* می‌باشند. برای شناسایی ارتباط بین این توابع با t^* ، معادله ریچاردز به صورت عددی توسط مدل SWAP نسخه ۲.۰۷ (۲۰) برای خاک‌های رس سیلتی و لوم رسی شنی که عنوان خاک‌های مرجع انتخاب گردیدند، حل شد. لوم رسی شنی، برای زمان‌های مقیاس شده بزرگ (بزرگ‌تر از ۵) و رس سیلتی برای زمان‌های مقیاس شده کوچک (کوچک‌تر از ۵) در

مواد و روش‌ها

مقیاس‌سازی فرآیند توزیع مجدد

مقیاس‌سازی زمان (t) و مکان (Z) به عنوان متغیرهای مستقل و درصد رطوبت خاک (θ) به عنوان متغیر وابسته، در این تحقیق به صورت زیر پیشنهاد می‌شود:

$$t^* = v_{f_i} t \quad (8)$$

$$z^* = \frac{z}{z_{f_i}} = \frac{z[\theta_{mi} - \theta_i]}{I} \quad (9)$$

$$\theta^* = \frac{\theta - \theta_i}{\theta_{mi} - \theta_i} \quad (10)$$

که v_{f_i} سرعت اولیه عمق مقیاس شده جبهه رطوبتی می‌باشد و از رابطه زیر قابل محاسبه خواهد بود:

$$v_{f_i} = \left[\frac{dz_f(t)/dt}{z_f(t)} \right]_{t=0} = \frac{K_s G(\theta_{mi}, \theta_i)[\theta_{mi} - \theta_i]}{I^2} + \frac{K_{mi}}{I} \quad (11)$$

که K_{mi} هدایت هیدرولیکی غیراشباع خاک متناظر با درصد رطوبت θ_{mi} می‌باشد.

فرض نیمرخ‌های مستطیلی در مدل‌های نفوذ و توزیع مجدد گرین-امپت یک فرض ساده کننده است که در واقعیت مصدق ندارد. برای واقع‌بینی بیشتر، با فرض اینکه تغییرات میزان رطوبت خاک در ناحیه انتقال (ناحیه بین جبهه رطوبتی و خاک خشک لایه‌های پایینی) از یک الگوی توزیع نرمال تبعیت می‌کند، می‌توان ازتابع مکمل خطای^۱ (erfc) برای پیش‌بینی SMP در طول فاز توزیع مجدد به صورت زیر استفاده کرد (شکل ۳):

$$\theta = \theta_i + 0.5(\theta_m - \theta_i) \operatorname{erfc} \left[\alpha \frac{z - z_f}{l_{tr}} \right] \quad (12)$$

که l_{tr} نصف طول ناحیه انتقال می‌باشد (شکل ۳). معادله (۱۲-الف) درصد رطوبت θ_i را در بخش‌های خشک پایینی خاک و مقداری نزدیک به θ_m را در جبهه

1 - Complementary error function

که مقادیر K_f در مقیاس‌سازی خروجی‌های مدل SWAP ناموفق بودند، به گونه‌ای که وقتی مقادیر K_{ns} مورد استفاده قرار گرفتند مقیاس‌سازی نتایج به خوبی انجام گردید. دلیل این مسئله به طور دقیق شناخته شده نیست، اما می‌توان آن را به ساختار محاسباتی مدل SWAP متنسب کرد.

تأثیر پس‌ماند رطوبتی

اگرچه مدل تجربی پیشنهادی هنوز نمی‌تواند تأثیر پس‌ماند در منحنی مشخصه رطوبتی را در نظر بگیرد، اما این پدیده نقش مهمی را در فرآیند توزیع مجدد به خصوص در خاک‌های شنی ایفا می‌نماید (۱۴). زیرا در این فرآیند، در حالی که لایه‌های بالایی خاک رطوبت از دست می‌دهند، در لایه‌های پایینی خاک رطوبت جذب می‌کنند. به علاوه یک ناحیه میانی درست در زیر جبهه مرطوب وجود دارد که نخست رطوبت جذب می‌کند و سپس از دست می‌دهد. در این حالت میزان رطوبت خاک در یک زمان معین، به سابقه خیس‌شدگی یا خشک‌شدگی بستگی خواهد داشت (۶). پدیده پس‌ماند تحلیل فرآیند توزیع مجدد را پیچیده می‌سازد. از این رو مدل‌های تحلیلی و یا نیمه تحلیلی به سختی می‌توانند این پدیده را در نظر بگیرند. به نظر می‌رسد که بهترین روش برای قبول پس‌ماند، استفاده از مدل‌های عددی می‌باشد (۶).

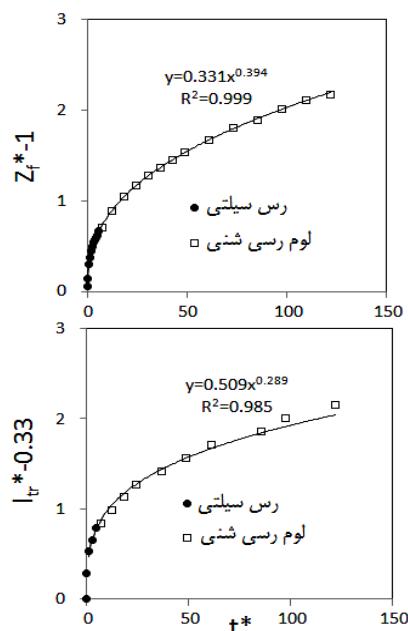
وجود پس‌ماند در منحنی مشخصه رطوبتی باعث یک تأخیر در پیشروع جبهه رطوبتی، نسبت به حالتی که پس‌ماند وجود ندارد، خواهد شد (۱۴). تأثیر پس‌ماند بر فرآیند توزیع مجدد در (شکل ۵) نشان داده شده است. این شکل از خروجی‌های مدل SWAP به دست آمده است که برای قبول پس‌ماند، دو مقدار متفاوت از پارامتر α در توابع هیدرولیکی ون‌گنوختن (۲۱)، مربوط به شاخه‌های خشک‌شدگی و خیس‌شدگی، اختیار می‌کند. همچنین این شکل

نظر گرفته شدن. در این حل، برای شرایط مرزی بالایی، شار صفر و برای شرایط مرزی پایینی، زهکشی آزاد^۱ منظور گردید. دو معادله توانی به صورت زیر برای شناخت رابطه بین z_f^* و I_{tr}^* با زمان مقیاس شده به دست آمد (شکل ۴):

$$z_f^* = 1 + 0.331t^{0.394} \quad (15)$$

$$I_{tr}^* = 0.33 + 0.509t^{0.289} \quad (16)$$

که در این روابط اعداد ۱ و $۰/۳۳$ به ترتیب مقادیر اولیه z_f^* و I_{tr}^* برای خاک‌های مرجع می‌باشد.



(شکل ۴) ارتباط تابعی بین z_f^* و I_{tr}^* با زمان مقیاس شده (t^*).

علاوه بر دو خاک مرجع، ۹ خاک متوسط کلاس‌های بافتی دیگر نیز در این مطالعه استفاده گردید که مشخصات این خاک‌ها و نیز خاک‌های مرجع، شامل ضرایب توابع هیدرولیکی ون‌گنوختن (۲۱)، در (جدول ۱) آورده شده است. در این جدول K_{ns} هدایت هیدرولیکی خاک در رطوبت نزدیک به اشباع خاک (θ_{ns}) می‌باشد. با این توضیح

زمانی در پیش روی جبهه رطوبتی وجود خواهد داشت. تحقیقات رو بین (۱۴) در این زمینه، این امر را تأیید می نماید

نشان می دهد که در شرایط عدم وجود پس ماند، اگر شاخه خیس شدگی منحنی رطوبتی استفاده شود، نسبت به زمانی که از شاخه خشک شدگی استفاده می شود، یک تأخیر

(جدول ۱) - پارامترهای توابع هیدرولیکی و نگنوختن (۲۱) برای ۱۱ بافت خاک استفاده شده در این مطالعه

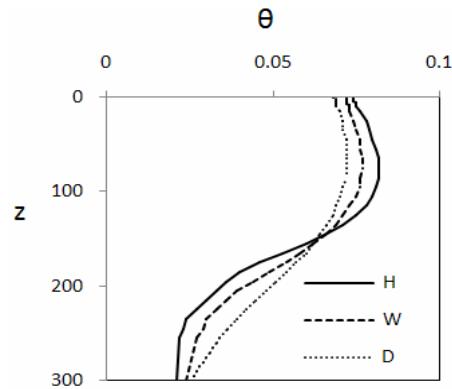
α (cm ⁻¹)	n	K_{ns} (cm day ⁻¹)	K_s (cm day ⁻¹)	θ_{ns} (cm ³ cm ⁻³)	θ_r (cm ³ cm ⁻³)	θ_s (cm ³ cm ⁻³)	بافت خاک
۰/۱۲۸۰	۱/۵۹۲	۲۴۰/۰۵	۵۰۴/۰۰	۰/۴۳	۰/۰۲۰	۰/۴۳۷	شن
۰/۱۱۵۰	۱/۴۷۴	۵۴/۶۶	۱۴۶/۵۴	۰/۴۳	۰/۰۳۰	۰/۴۳۸	شن لومی
۰/۶۸۲	۱/۲۹۰	۱۸/۲۱	۶۲/۱۶	۰/۴۵	۰/۰۴۰	۰/۴۵۳	لوم شنی
۰/۰۸۹۶	۱/۲۲۰	۶/۴۸	۳۱/۶۸	۰/۴۶	۰/۰۲۰	۰/۴۶۳	لوم
۰/۰۴۸۲	۱/۲۱۱	۲/۶۰	۱۶/۳۲	۰/۵۰	۰/۰۱۰	۰/۵۰۵	لوم سیلتی
۰/۰۲۵۷	۱/۲۵۰	۲/۶۷	۱۰/۳۲	۰/۴۰	۰/۰۷۰	۰/۴۰۲	لوم رسی شنی (مرجع)
۰/۰۳۸۶	۱/۱۹۴	۰/۷۶	۵/۵۲	۰/۴۶	۰/۰۷۰	۰/۴۶۴	لوم رسی
۰/۰۳۰۷	۱/۱۵۱	۰/۲۱	۳/۶۰	۰/۴۷	۰/۰۴۰	۰/۴۷۸	لوم سیلتی رسی
۰/۰۳۴۳	۱/۱۶۸	۰/۲۴	۲/۸۸	۰/۴۰	۰/۱۰۰	۰/۴۰۶	رس شنی
۰/۰۲۹۲	۱/۱۲۷	۰/۰۷	۲/۱۶	۰/۴۷	۰/۰۹۰	۰/۴۷۹	رس سیلتی (مرجع)
۰/۰۲۶۸	۱/۱۳۱	۰/۰۵	۱/۴۴	۰/۴۷	۰/۰۹۰	۰/۴۷۹	رس

جهت اصلاح تأخیر زمانی ناشی از پس ماند، اعمال یک

ضریب موسوم به "ضریب بازدارندگی" (R)، پیشنهاد شده است. بنابراین، زمان مقیاس شده را برای خاک های دارای پس ماند می توان به صورت زیر اصلاح کرد:

$$t^* = v_{f_i} R t \quad (17)$$

برای ضریب بازدارندگی در خاک های درشت بافت، مقادیر ارایه شده در (جدول ۲) پیشنهاد می شود. برای سایر بافت های خاک، تأثیر پس ماند بر پیش روی جبهه رطوبتی در فرآیند توزیع مجدد ناچیز است و می توان برای ضریب بازدارندگی در این خاک ها مقدار ۱ را برگزید. مقادیر پیشنهاد شده در (جدول ۲)، به صورت تجربی از مقایسه بین نتایج مدل SWAP برای شرایط با و بدون وجود پس ماند به



(شکل ۵) - تأثیر پس ماند بر فرآیند توزیع مجدد در یک خاک شنی. نیمرخ رطوبت خاک با وجود پس ماند (H) با شرایطی که پس ماند وجود ندارد مقایسه شده است. W نشان دهنده خاک بدون پس ماند بر پایه شاخه خیس شدگی منحنی رطوبتی و D نشان دهنده خاک بدون پس ماند بر پایه شاخه خشک شدگی منحنی رطوبتی می باشد.

شده، می‌توان آن را در محیط واقعی به شکل زیر نوشت:

$$\theta(z,t) = \theta_i + \frac{0.5(\theta_{mi} - \theta_i)}{1 + 0.331(v_{f_i}Rt)^{0.394}} \operatorname{erfc}\left[2.2\frac{\frac{z(\theta_{mi} - \theta_i)}{I} - [1 + 0.331(v_{f_i}Rt)^{0.394}]}{0.33 + 0.509(v_{f_i}Rt)^{0.289}}\right] \quad (18)$$

معادله ۱۸ می‌تواند به عنوان یک جایگزین برای حل عددی و تحلیلی معادله ریچاردز برای شرایط توزیع مجدد مطرح شود، به طوری که هم از دقت حل عددی و هم از سادگی کاربرد حل تحلیلی برخوردار باشد.

دست آمده‌اند. در این روش، میزان α مربوط به شاخه خشک‌شدنگی منحنی رطوبتی (ستون α از جدول ۱) ثابت نگه داشته شد و مقادیر متفاوتی از α شاخه خیس‌شدنگی فرض گردید. اگرچه این مقادیر برای خاک‌های متوسط هر کلاس بافتی به دست آمده‌اند اما می‌توان آن‌ها را با تقریب خوبی برای سایر خاک‌های مربوط به هر کلاس نیز به کار برد. در این جدول، نسبت α خیس‌شدنگی به α خشک‌شدنگی بین ۱ و ۲/۴ در نظر گرفته شده است که این بازه با توجه به مقادیر گزارش شده توسط محققین پیشین (۴، ۱۱ و ۱۸)، انتخاب گردید.

شكل نهایی معادله تجربی

در نهایت، با خارج کردن معادله ۱۴ از شکل مقیاس

(جدول ۲) - مقادیر پیشنهادی ضریب بازدارندگی برای خاک‌های درشت بافت.

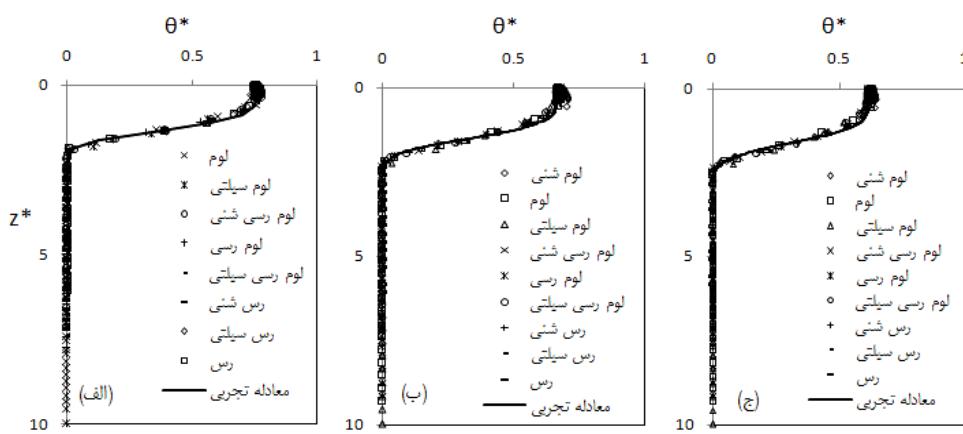
	$\alpha_{\text{sorption}}/\alpha_{\text{desorption}}^1$								
	۲/۴	۲/۲	۲	۱/۸	۱/۶	۱/۴	۱/۲	۱	باft خاک
شن	۰/۴۷۵	۰/۵۱۴	۰/۵۸۵	۰/۶۳۳	۰/۶۷۸	۰/۷۶۰	۰/۸۶۴	۱	شن
شن لومی	۰/۵۵۸	۰/۵۹۴	۰/۶۱۲	۰/۶۴۴	۰/۶۹۱	۰/۷۹۲	۰/۹۰۵	۱	شن لومی
لوم شنی	۰/۸۴۴	۰/۸۶۴	۰/۸۸۴	۰/۹۰۷	۰/۹۳۶	۰/۹۶۷	۱	۱	لوم شنی

$\alpha_{\text{sorption}}^1$ مقدار پارامتر α از شاخه خیس‌شدنگی منحنی رطوبتی و $\alpha_{\text{desorption}}$ مقدار پارامتر α از شاخه خشک‌شدنگی منحنی رطوبتی می‌باشد.

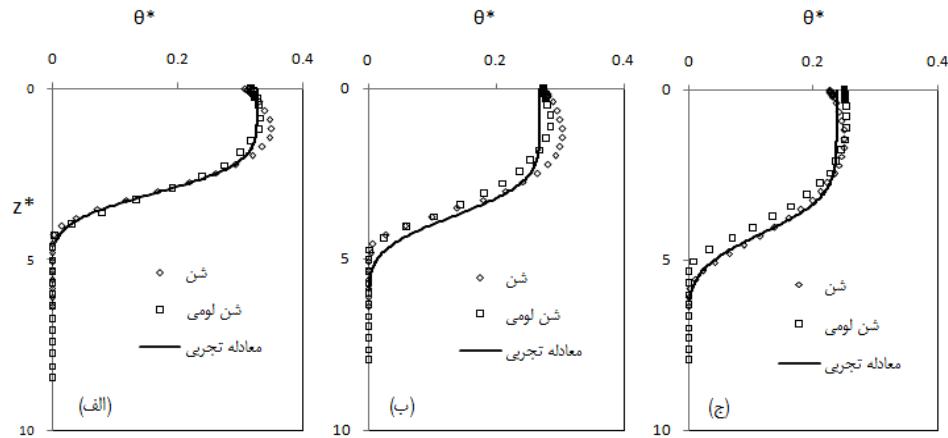
خاک کم باشد، دقت پیش‌بینی نیمرخ رطوبت خاک توسط مدل بسیار بالا خواهد بود (شکل‌های ۶ و ۷). از آن‌جایی که برای زمان‌های مقیاس شده کم در خاک‌های درشت بافت نیاز به خروجی‌های ساعتی است و این نیاز توسط مدل SWAP برآورده نمی‌شود، نتایج برای خاک‌های شنی به طور مستقل در (شکل ۷) برای زمان‌های مقیاس شده زیادتر نشان شده است. تأثیر پس‌ماند بر نیمرخ رطوبت خاک‌های درشت بافت در (شکل ۸) نشان داده شده است. این شکل نشان می‌دهد که ضریب بازدارندگی به خوبی می‌تواند تأخیر ناشی از پس‌ماند در پیشروی جبهه رطوبتی را اصلاح نماید.

نتایج و بحث

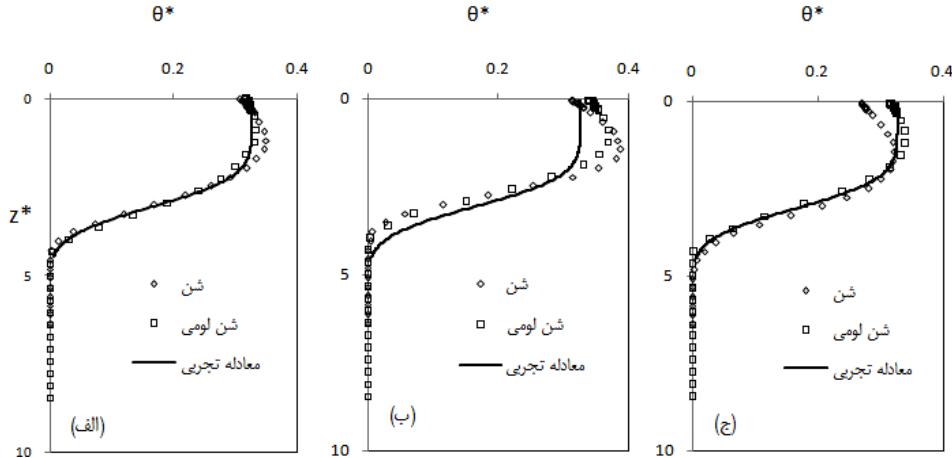
مقایسه نتایج معادله تجربی پیشنهادی با خروجی‌های مدل SWAP، نشان می‌دهد که اولاً روش جدید معرفی شده برای مقیاس‌سازی، در مقیاس کردن خروجی‌های حل عددی معادله ریچاردز (ایجاد یک نیمرخ رطوبت واحد برای همه کلاس‌های بافتی خاک) موفق عمل کرده است و ثانیاً معادله پیشنهادی توانسته است با دقت خوبی نیمرخ رطوبت را در همه کلاس‌های بافتی خاک و در گستره زیادی از شرایط اولیه پیش‌بینی نماید. بهویژه زمانی که عمق آب نفوذ یافته به خاک در فاز نفوذ و یا رطوبت پیش از نفوذ



(شکل ۶) - نیمروخ رطوبت مقیاس شده خاکهای ریز و متوسط بافت در زمان مقیاس شده (الف) $t^*=1$ ، (ب) $t^*=3$ و (ج) $t^*=5$ برای عمق آب نفوذ یافته $h=10^5 \text{ cm}$. نقاط مربوط به خروجی‌های SWAP می‌باشند.



(شکل ۷) - نیمروخ رطوبت مقیاس شده خاکهای درشت بافت در زمان مقیاس شده (الف) $t^*=100$ ، (ب) $t^*=200$ و (ج) $t^*=300$ برای عمق آب نفوذ یافته $h=10^5 \text{ cm}$. نقاط مربوط به خروجی‌های SWAP می‌باشند.

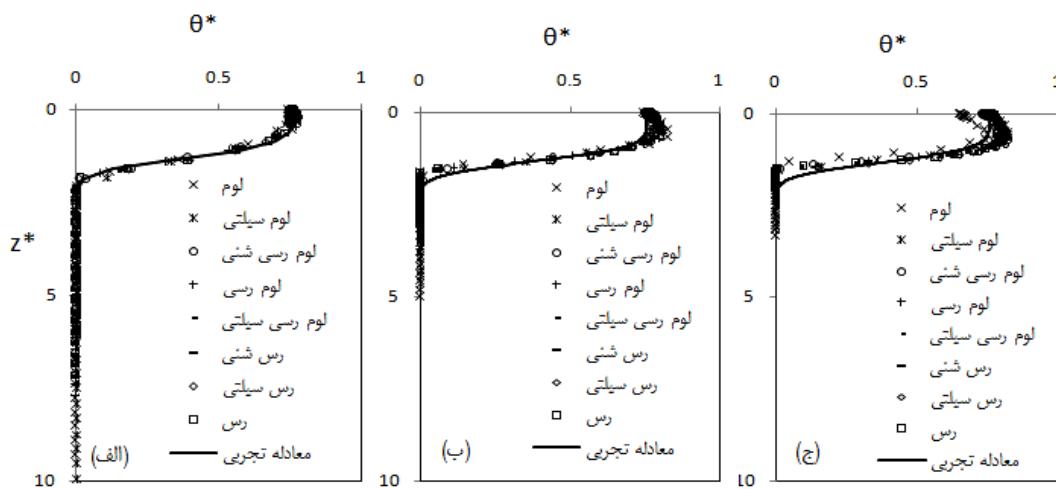


(شکل ۸) - نیمروخ رطوبت مقیاس شده برای خاک شنی (الف) بدون پس‌ماند، (ب) در حضور پس‌ماند، قبل از اصلاح با ضریب بازدارندگی و (ج) در حضور پس‌ماند، بعد از اصلاح با ضریب بازدارندگی در زمان مقیاس شده $t^*=100$ برای $a_{\text{sorption}}/a_{\text{desorption}}=1.8$ عمق آب نفوذ یافته $h=10^5 \text{ cm}$. نقاط مربوط به خروجی‌های SWAP می‌باشند.

از مکش مؤثر جبهه رطوبتی می‌گردد، شار جریان رو به پایین در لایه‌های بالایی خاک بیش از لایه‌های پایینی می‌گردد و به همین دلیل میزان رطوبت در بخش‌های بالایی جبهه رطوبتی بیش از بخش‌های پایینی می‌گردد. این پدیده در خاک‌های درشت بافت در مقادیر نسبتاً کوچکتری از عمق آب نفوذ یافته رخ می‌دهد، زیرا مکش مؤثر جبهه رطوبتی در این خاک‌ها کمتر می‌باشد (۳) (شکل ۱۰).

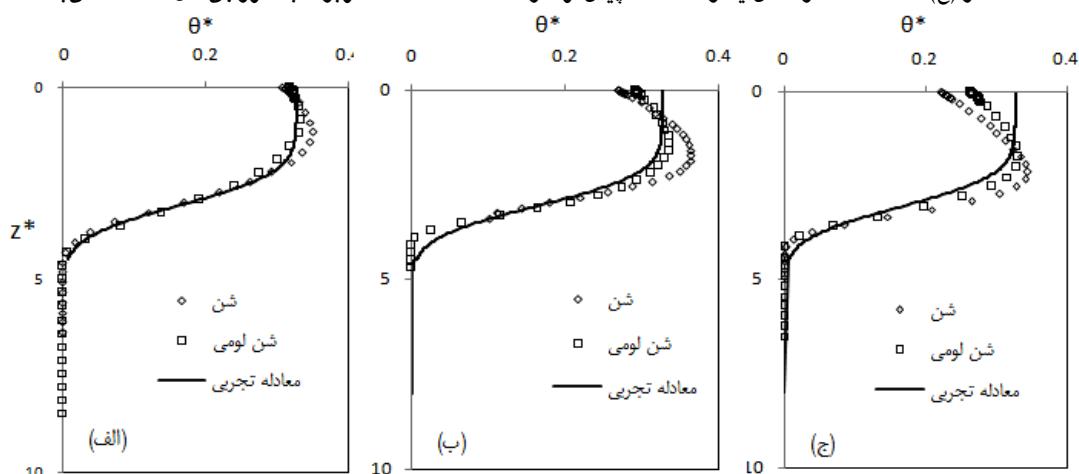
تأثیر عمق آب نفوذ یافته

تأثیر مقادیر مختلف عمق آب نفوذ یافته، ۱۰۰ و ۲۰۰ میلی‌متر بر روی دقت مدل پیشنهادی بررسی گردید (شکل‌های ۹ و ۱۰). مشاهده می‌شود که در مقادیر به نسبت بزرگ از عمق آب نفوذ یافته، دقت مدل در پیش‌بینی نیمرخ رطوبت خاک کاهش می‌یابد. در این حالت، نتایج حل معادله ریچاردز کاملاً از شکل تابع مکمل خطای پیروی نمی‌کنند و در لایه‌های بالایی خاک، یک انحنای در نیمرخ رطوبت به چشم می‌خورد. زمانی که عمق آب نفوذ یافته



(شکل ۹) - نیمروز رطوبت مقياس شده خاکهای ریز و متوسط بافت در زمان مقیاس شده $t=1$ * برای عمق آب نفوذ یافته (الف) 100mm، (ب)

و (ج) $mmI=300$ و مکش یکنواخت خاک پیش از نفوذ $h_i=10^5\text{ cm}$. نقاط مربوط به خروجی‌های SWAP $mmI=200$ می‌باشند.

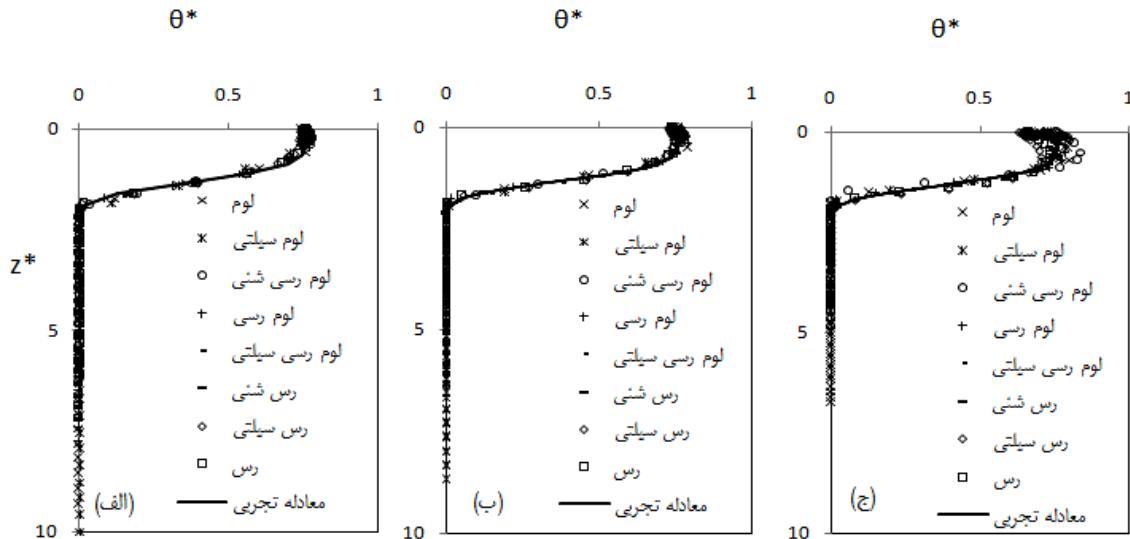


(شکل ۱۰) - نیمرخ رطوبت مقیاس شده خاکهای درشت بافت در زمان مقیاس شده $t=100$ * برای عمق آب نفوذ یافته (الف) $mml=100$.
 و (ج) $mml=300$ و مکانیک خاک پیش از نفوذ $h_i=10^5 \text{ cm}$. نقاط مربوط به خروجی‌های SWAP می‌باشند.

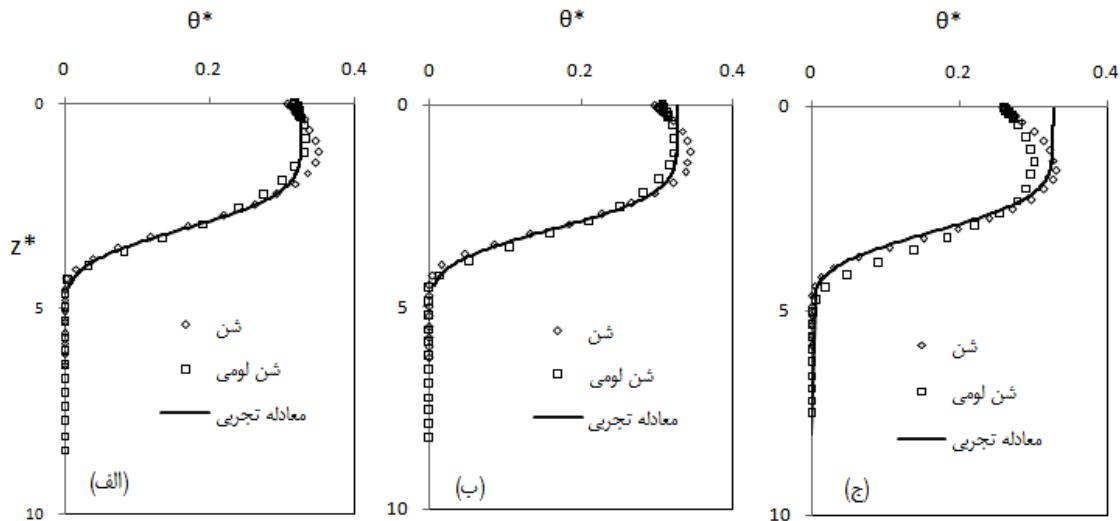
قبل در مورد عمق آب نفوذ یافته زیاد بحث شد و دلیل دوم مربوط به صحت مدل گرین-امپت، می‌باشد. چرا که مدل گرین-امپت (چه برای نفوذ و چه برای توزیع مجدد) بر این فرض استوار است که میزان رطوبت خاک پیش از نفوذ ناچیز باشد. در (شکل ۱۲) مشاهده می‌شود که این انحراف در خاک‌های شنی بیشتر است که دلیل آن قبلابیان شد.

تأثیر میزان رطوبت خاک پیش از نفوذ

(شکل ۱۱) تأثیر مقادیر مختلف رطوبت خاک پیش از نفوذ را بر دقت مدل تجربی پیشنهادی برای خاک‌های غیرشنی نشان می‌دهد. مشاهده می‌شود که در مقادیر بالاتر از رطوبت خاک پیش از نفوذ، انحراف بیشتری در نتایج مدل تجربی نسبت به نتایج SWAP وجود دارد. دو دلیل می‌تواند این مسئله را توجیه نماید. دلیل اول مشابه آنچه که در بخش



(شکل ۱۱) - نیمرخ رطوبت مقیاس شده خاک‌های ریز و متوسط بافت در زمان مقیاس شده $t^*=100$ برای عمق آب نفوذ یافته $mmI=100$ و مکش یکنواخت خاک پیش از نفوذ (الف) (b) (c) (ج) نقاط مربوط به خروجی‌های SWAP می‌باشند.



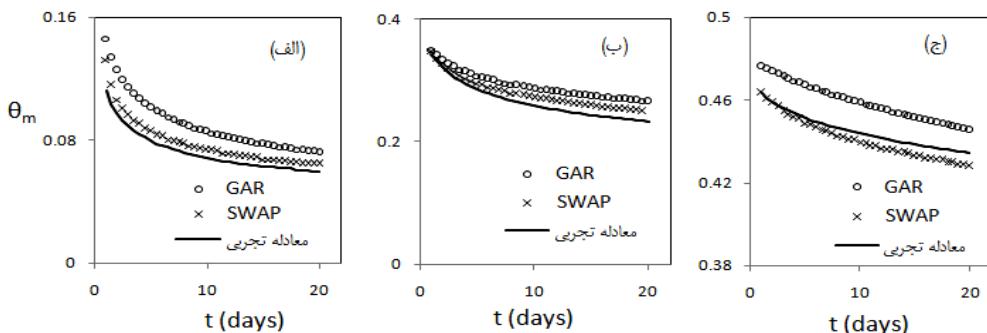
(شکل ۱۲) - نیمرخ رطوبت مقیاس شده خاک‌های درشت بافت در زمان مقیاس شده $t^*=100$ برای عمق آب نفوذ یافته $mmI=100$ و مکش یکنواخت خاک پیش از نفوذ (الف) (b) (c) (ج) نقاط مربوط به خروجی‌های SWAP می‌باشند.

(جدول ۳) - مقادیر RMSE بین معادله تجربی و حل عددی معادله ریچاردز.

سناریو ^۱							بافت خاک
$t^*(a)$	$t^*(a)$	$t^*(a)$	$t^*(a)$	$t^*(c)$	$t^*(b)$	$t^*(a)$	
I(a)	I(a)	I(c)	I(b)	I(a)	I(a)	I(a)	شن
hi(c)	hi(b)	hi(a)	hi(a)	hi(a)	hi(a)	hi(a)	شن لومی
-	-	-	-	0/0037	0/0027	-	لوم شنی ^۲
0/0045	0/0027	0/0183	0/0072	0/0029	0/0033	0/0028	لوم
0/0023	0/0025	0/0083	0/0046	0/0031	0/0037	0/0086	لوم سیلیتی
0/0079	0/0018	0/0115	0/0060	0/0024	0/0023	0/0024	لوم رسی شنی
0/0040	0/0028	0/0104	0/0066	0/0024	0/0031	0/0069	لوم رسی
0/0050	0/0018	0/0098	0/0056	0/0026	0/0024	0/0025	لوم سیلیتی رسی
0/0058	0/0016	0/0101	0/0058	0/0032	0/0028	0/0023	رس شنی
0/0121	0/0034	0/0097	0/0052	0/0027	0/0030	0/0031	رس سیلیتی
0/0093	0/0020	0/0103	0/0056	0/0026	0/0025	0/0028	رس

^۱ برای خاکهای ریز و متوسط بافت برابر ۱ و برای خاکهای درشت بافت برابر ۱۰۰ و ^۲ برای خاکهای ریز و متوسط بافت برابر ۳ و برای خاکهای درشت بافت برابر ۲۰۰ و ^۳ برای خاکهای ریز و متوسط بافت برابر ۵ و برای خاکهای درشت بافت برابر ۲۰۰ میلی‌متر، ^۴ برای h_i(a) برابر ۳۰۰ میلی‌متر می‌باشد. (a) I برابر ۱۰۰ میلی‌متر، (b) I برابر ۲۰۰ میلی‌متر و (c) I برابر ۳۰۰ میلی‌متر می‌باشد. (a) h_i(b) برابر ۱۰^۴ و (c) h_i(b) برابر ۱۰^۳ می‌باشد.

^۴ در خاک لوم شنی به دلیل عدم توانایی SWAP در تولید خروجی‌های ساعتی، نیمرخ رطوبت در $t^*=100$ موجود نبود.



(شکل ۱۳) - تغییرات زمانی درصد رطوبت میانگین جبهه رطوبتی در بافت (الف) شن، (ب) لوم و (ج) رس برای عمق آب نفوذ یافته $l=100$ mm و مکش یکنواخت خاک پیش از نفوذ $h=10^5$ cm. به دست آمده از خروجی‌های مدل‌های SWAP و GAR و معادله تجربی پیشنهادی.

عملکرد مدل (RMSE) طبق تعریف زیر به صورت کمی مورد بررسی

قرار گرفته است:

دقت مدل با پارامتر ریشه میانگین مربعات خطأ^۱

$$RMSE = \frac{1}{N} \sqrt{\sum_{i=1}^N (\theta_{SWAP_i}^* - \theta_{emp_i}^*)^2} \quad (19)$$

1- Root Mean Square Errors

انتخاب گردید. دو ضریب تابع مکمل خطای با برازش به خروجی‌های حاصل از حل عددی معادله ریچاردز، به صورت توابعی از زمان مشخص گردیدند. در نتیجه یک معادله تجربی برای پیش‌بینی نیمرخ رطوبت خاک در طول فاز توزیع مجدد به دست آمد.

در این تحقیق بررسی گردید که آیا معادله تجربی پیشنهادی می‌تواند به عنوان یک جایگزین برای مدل‌های عددی و یا تحلیلی به شمار آید که در شرایطی بتواند دارای دقت مدل‌های عددی به همراه سادگی کاربرد مدل‌های تحلیلی باشد. عملکرد مدل پیشنهادی برای همه کلاس‌های بافتی خاک و در گستره زیادی از شرایط اولیه بسیار خوب و قابل مقایسه با نتایج حل عددی معادله ریچاردز مشاهده گردید. اما در شرایطی که عمق آب نفوذ یافته و یا رطوبت خاک پیش از نفوذ زیاد بود، کمی انحراف در نتایج مدل نسبت به حل عددی معادله ریچاردز وجود داشت.

معادله تجربی این قابلیت را داراست که تأثیر پس‌ماند در منحنی مشخصه رطوبتی خاک را بر روی فرآیند توزیع مجدد لحاظ کند. از آنجایی که قبول تأثیر پس‌ماند در مدل‌های تحلیلی و نیمه‌تحلیلی بسیار پیچیده و تقریباً غیرممکن است، این می‌تواند یک مزیت عمده برای این مدل نسبت به مدل‌های تحلیلی و نیمه‌تحلیلی محسوب گردد. ضرایب معادله تجربی پیشنهادی به صورت اعداد ثابت برای همه کلاس‌های بافتی خاک بیان شدند به گونه‌ای که این ضرایب فقط از نتایج دو خاک خاص به عنوان مرجع انتخاب گردیدند. بنابراین جای کار بیشتر برای طبقه‌بندی ضرایب معادله و ارایه آن‌ها برای کلاس‌های مختلف بافتی وجود دارد تا بتوان هنوز هم دقت معادله را در برآورد نیمرخ رطوبت افزایش داد. انتظار می‌رود با واسنجی ضرایب معادله بر اساس مشاهدات واقعی، بتوان نتایج واقع بینانه‌تری حتی نسبت به مدل‌های عددی، به دست آورد.

که در این معادله N تعداد نقاط بررسی شده، $\theta^{*}_{SWAP_i}$ میزان رطوبت مقیاس شده حاصل از نتایج SWAP در نقطه آم و $\theta^{*}_{emp_i}$ میزان رطوبت مقیاس شده حاصل از نتایج مدل تجربی در نقطه آم می‌باشد.

مقادیر RMSE حاصل از مقایسه نتایج مدل پیشنهادی و حل عددی معادله ریچاردز (خروچی‌های SWAP) در حالات بحث شده، در (جدول ۳) آورده شده است. این مقادیر گویای دقت نسبتاً بالای مدل در شرایط اولیه مختلف می‌باشند.

مقایسه مدل پیشنهادی با مدل GAR

نتایج مدل پیشنهادی با نتایج مدل GAR (۱۲) مقایسه گردید. (شکل ۱۳) برای تولید خروجی‌های مدل GAR، معادله دیفرانسیل ۷ به صورت عددی برای سه خاک شن، لوم و رس حل گردید. در این مقایسه خروجی‌های مدل SWAP، به عنوان معیار مدنظر قرار گرفت. این مقایسه نشان می‌دهد که معادله تجربی پیشنهادی در تخمین تغییرات زمانی رطوبت میانگین جبهه رطوبتی (θ_m)، بهویژه در خاک‌های شن و رس عملکرد بهتری نسبت به مدل GAR داشته است.

نتیجه

در این تحقیق، یک روش جدید برای مقیاس‌سازی نیمرخ رطوبت خاک در طول فرآیند توزیع مجدد ارایه شده است. این روش به خوبی توانسته است نتایج حاصل از حل عددی معادله عمومی جریان (معادله ریچاردز) را مقیاس نماید.

پس از مقیاس‌سازی نیمرخ رطوبت خاک در فاز توزیع مجدد و ایجاد یک نیمرخ رطوبت واحد برای همه بافت‌های خاک، تابع مکمل خطای نمایش تقریبی این نیمرخ واحد

منابع

- 1- Brooks, R. H., and Corey, A. T. 1964. Hydraulic properties of porous media. Hydrological Paper no. 3. Colorado State University, Fort Collins.
- 2- Campbell, G. S. 1974. A simple method for determining unsaturated conductivity from moisture retention data. *Soil Science*. 117: 311–314.
- 3- Clapp, R. B., and Hornberger, G. M. 1977. Empirical equations for some soil hydraulic properties. *Water Resources Research*. 14: 601-604.
- 4- Gillham, R. W., Klute, A., and Heermann, D. F. 1979. Measurement and numerical simulation of hysteretic flow in a heterogeneous porous medium. *Soil Science Society of America Journal*. 43: 1061-1067.
- 5- Green, W. H., and Ampt, G. A. 1911. Studies of soil physics, 1. Flow of air and water through soils. *Journal of Agricultural Sciences*. 4: 1–24.
- 6- Hillel, D. 1998. Environmental soil physics. Academic Press Inc. 449-459.
- 7- Hunt, A. G., and Gee, G. W. 2002a. Water-retention of fractal soil models using continuum percolation theory. *Vadose Zone Journal*. 1: 252–260.
- 8- Hunt, A. G., and Gee, G. W. 2002b. Application of critical analysis to fractal porous media: Comparison with examples from the Hanford site. *Advances in Water Resources*. 25: 129–146.
- 9- Kozak, J. A., and Ahuja, L. R. 2005. Scaling of infiltration and redistribution of water across soil textural classes. *Soil Science Society of America Journal*. 69: 816-827.
- 10- Miller, E. E., and Miller, R. D. 1956. Physical theory for capillary flow phenomena. *Journal of Applied Physics*. 27: 324–332.
- 11- Nimmo, J. R., and Miller, E. E. 1986. The temperature dependence of isothermal moisture vs. potential characteristics of soils. *Soil Science Society of America Journal*. 50: 1105-1113.
- 12- Ogden, F. L., and Saghafian, B. 1997. Green and Ampt infiltration with Redistribution. *Journal of Irrigation and drainage Engineering*. 123(5): 386-393.
- 13- Rieu, M., and Sposito, G. 1991. Fractal fragmentation, soil porosity, and soil water properties. I. Theory. *Soil Science Society of America Journal*. 55: 1231–1238.
- 14- Rubin, J. 1967. Numerical Method for Analyzing Hysteresis-Affected, Post-Infiltration Redistribution of Soil Moisture. *Soil Science Society of America Journal*. 31: 13-20.
- 15- Smith, R. E. 2002. Infiltrability models: Comparisons and application. p. 97–118. In K.R.J. Smettem et al. (ed.) *Infiltration theory for hydrologic applications*. American Geophysical Union, Washington, DC.
- 16- Smith, R. E., Corradini, C., and Melone, F. 1993. Modeling infiltration for multi-storm runoff events. *Water Resources Research*. 29(1): 133-144.
- 17- Tillotson, P. M., and Nielsen, D. R. 1984. Scale factors in soil science. *Soil Science Society of America Journal*. 48: 953–959.
- 18- Topp, G. C., Miller, E. E. 1966. Hysteretic moisture characteristics and hydraulic conductivities for glass-bead media. *Soil Science Society of America Journal*. 30: 156-162.
- 19- Tyler, S. W., and Wheatcraft, S. W. 1990. Fractal processes in soil water retention. *Water Resources Research*. 26: 1047–1054.
- 20- van Dam, J. C., Huygen, J., Wesseling, J. G., Feddes, R. A., Kabat, P., van Walsum, P. E. V.; Groenendijk, P., and van Diepen, C. A. 1997. Theory of SWAP version 2.0. Simulation of water flow, solute transport and plant growth in the Soil-Water-Atmosphere-Plant environment. Report 71, Department Water Resources, Wageningen Agricultural University/Technical Document 45, DLO Winand Staring Centre, Wageningen.
- 21- van Genuchten, M. TH. 1980. A closed-form equation for predicting the hydraulic conductivity of unsaturated soils. *Soil Science Society of America Journal*. 44: 892-898.
- 22- Warrick, A. W., Hussen, A. A., 1993. Scaling of Richards' equation for infiltration and drainage. *Soil Science Society of America Journal*. 57: 15-18.
- 23- Youngs, E.G. 1983. The use of similar media theory in the consideration of soil-water redistribution in

- infiltrated soils. Proceedings of the Conference on Advances in Infiltration, Chicago. ASAE Publication. 11-83, 48-54.
- 24- Youngs, E.G. 1990. Application of scaling to soil-water movement considering hysteresis. Scaling in Soil Physics: Principles and Applications, (editors, D.Hillel and D.E. Elrick). Soil Science Society of America Special Publication, Number 5: 23-37.

Scaling and prediction of soil moisture profile during redistribution phase

M. Sadeghi^{*} - B. Ghahreman- K. Davari¹

Abstract

The rate and duration of downward flow during redistribution process determines the effective soil water storage at any time. This property is vitally important, particularly in arid and semi-arid regions where plants must rely for long periods of time on the remained soil water of the root zone. In this study a new approach for scaling of soil moisture redistribution process based on the Green-Ampt redistribution theory was developed. Using the scaled results of numerical solution of the general flow (Richards' equation), an empirical equation for predicting the soil moisture profile during redistribution process was derived. An important advantage of the empirical equation is adopting the effect of hysteresis in soil retention curve on redistribution process. To validate the proposed empirical equation, its outputs were compared with those of Richards' solution for 11 soil textural classes (from sand to clay). The comparison showed negligible amount of error for all of the 11 soil textural classes and for a wide range of initial conditions. However, some deviations from results of Richards' solution were observed under high initial infiltrated water depth and/or high initial soil water content. Therefore, a model which can estimate the soil moisture content at any depth and time during redistribution phase with accuracy of numerical models and simplicity in application of analytical models was obtained.

Key words: Scaling, Soil moisture profile, Redistribution phase, Green and Ampt equation, Richards' equation

*- Corresponding author Email: M.Sadeghi.um@gmail.com

1- Contribution from College of Agriculture, Ferdowsi University of Mashhad.